

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

**Обнинский институт атомной энергетики –**

филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

**(ИАТЭ НИЯУ МИФИ)**

**ИНСТИТУТ ОБЩЕЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПОДГОТОВКИ**

**Кафедра Высшей математики**

Утверждено на заседании  
Ученого совета ИАТЭ НИЯУ МИФИ  
Протокол от 28.08.2023 № 23.8

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Аналитическая геометрия / Analytic Geometry**

*название дисциплины*

для направления подготовки

14.03.01 Ядерная энергетика и теплофизика

*код и название направления подготовки*

образовательная программа

Nuclear Technologies

Форма обучения: очная

**г. Обнинск 2023 г.**

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины –

- теоретическая подготовка и получение практических навыков по аналитической геометрии для успешного усвоения фундаментальных, общетехнических и специальных дисциплин учебного плана, а также для возможности изучения специальной литературы, в случае необходимости самостоятельного углубления математических знаний после окончания ВУЗа;
- развить логическое мышление студентов, привить потребность теоретического обоснования различных явлений.

Задачи дисциплины –

- создание у студентов достаточно широкой подготовки в области математики и воспитание достаточно высокой математической культуры;
- сформировать навыки использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности;
- привить навыки самостоятельной работы с литературой по математике и ее приложениям.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ (далее – ОП) БАКАЛАВРИАТА

Дисциплина реализуется в рамках базовой части и относится к естественно-научному модулю.

Для освоения дисциплины необходимы компетенции, сформированные в рамках изучения следующих дисциплин: школьных курсов по алгебре, анализу и геометрии.

Дисциплины и/или практики, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее: «Линейная алгебра», «Математический анализ», «Дифференциальные и интегральные уравнения».

Дисциплина изучается на I курсе в I семестре.

## 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения ОП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Код компетенций	Наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
УКЕ-1	Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	З-УКЕ-1 Знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования У-УКЕ-1 Уметь: использовать математические методы в технических приложениях,

		<p>рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи</p> <p>В-УКЕ-1 Владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами</p>
ОПК -1	Способен использовать базовые знания естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	<p>З-ОПК-1 Знать: базовые законы естественнонаучных дисциплин; основные математические законы; основные физические явления, процессы, законы и границы их применимости; сущность основных химических законов и явлений; методы математического моделирования, теоретического и экспериментального исследования</p> <p>У-ОПК-1 Уметь: выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат</p> <p>В-ОПК-1 Владеть: математическим аппаратом для разработки моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности; навыками использования основных общефизических законов и принципов</p>

#### 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
Интеллектуальное воспитание	- формирование культуры умственного	Использование воспитательного потенциала дисциплин

	труда (В11)	гуманитарного, естественнонаучного, общепрофессионального и профессионального модуля для формирования культуры умственного труда посредством вовлечения студентов в учебные исследовательские задания, курсовые работы и др.
<b>Профессиональное и трудовое воспитание</b>	- формирование глубокого понимания социальной роли профессии, позитивной и активной установки на ценности избранной специальности, ответственного отношения к профессиональной деятельности, труду (В14)	<p>1. Использование воспитательного потенциала дисциплин естественнонаучного и общепрофессионального модуля для:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формирования позитивного отношения к профессии инженера (конструктора, технолога), понимания ее социальной значимости и роли в обществе, стремления следовать нормам профессиональной этики посредством контекстного обучения, решения практико-ориентированных ситуационных задач;</li> <li>- формирования устойчивого интереса к профессиональной деятельности, способности критически, самостоятельно мыслить, понимать значимость профессии посредством осознанного выбора тематики проектов, выполнения проектов с последующей публичной презентацией результатов, в том числе обоснованием их социальной и практической значимости;</li> <li>- формирования навыков командной работы, в том числе реализации различных проектных ролей (лидер, исполнитель, аналитик и пр.) посредством выполнения совместных проектов.</li> </ul> <p>2. Использование воспитательного потенциала дисциплины «Экономические и правовые основы медицинской деятельности», «Экономические и правовые основы профессиональной деятельности», «Управление, организация и планирование производства» и др. для:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формирования навыков системного видения роли и значимости выбранной профессии в социально-экономических отношениях через контекстное обучение</li> </ul>

**Организация интерактивных мероприятий и реализация специализированных заданий с воспитательным и социальным акцентом:**

1. Организация и проведение научно-просветительских мероприятий, в том числе развитие физического, математического, химического, хирургического, судебно-медицинского кружков и др.
2. Организация и проведение мероприятий, направленных на вовлечение студентов в научную, научно-исследовательскую деятельность с 1 курса, в том числе научного турнира ИАТЭ НИЯУ МИФИ и др.
3. Поддержка и развитие Студенческого научного общества ИАТЭ НИЯУ МИФИ.
4. Организация научно-практических конференций, круглых столов, встреч с выдающимися учеными и ведущими специалистами отраслей.
5. Организация и проведение предметных олимпиад и конкурсов профессионального мастерства.

**5. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ В ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦАХ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ВЫДЕЛЕННЫХ НА КОНТАКТНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ПРЕПОДАВАТЕЛЕМ (ПО ВИДАМ ЗАНЯТИЙ) И НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

Вид работы	Количество часов на вид работы:
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем</b>	
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	48
В том числе:	
<i>лекции</i>	32
<i>практические занятия</i>	16
<i>лабораторные занятия</i>	0
<b>Промежуточная аттестация</b>	
В том числе:	
<i>зачет</i>	
<i>зачет с оценкой</i>	
<i>экзамен</i>	54
<b>Самостоятельная работа обучающихся</b>	
<b>Самостоятельная работа обучающихся</b>	<b>42</b>
<b>Всего (часы):</b>	<b>144</b>
<b>Всего (зачетные единицы):</b>	<b>4</b>

**6. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ, СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) С УКАЗАНИЕМ ОТВЕДЕННОГО НА НИХ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ И ВИДОВ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ**

**6.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

Неделя	Наименование раздела / темы дисциплины	Виды учебной работы				
		Лек	Пр	Лаб	Внеауд	СРО
1-6	<b>1. Векторная алгебра</b>	12	6			14
1-2	1.1 Действия с векторами.	4	2			7

	Базис. Системы координат. Матрицы и определители					
3-5	1.2. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	8	4			7
7-12	<b>2. Прямая и плоскость</b>	12	6			14
6-7	2.1 Уравнения прямой на плоскости	4	2			7
8-11	2.2 Уравнения плоскости и прямой в пространстве	8	4			7
13-16	<b>3. Кривые и поверхности 2 порядка</b>	8	4			14
13-15	3.1 Кривые 2 порядка	6	3			7
15-16	3.2 Поверхности 2 порядка	2	1			7
	<b>Итого за 1 семестр:</b>	32	16			42
	<b>Всего:</b>	<b>32</b>	<b>16</b>			<b>42</b>

Прим.: Лек – лекции, Пр – практические занятия / семинары, Лаб – лабораторные занятия, Внеауд – внеаудиторная контактная работа, СРО – самостоятельная работа.

## 6.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам (темам)

### Лекционный курс

Неделя	Наименование раздела /темы дисциплины	Содержание
<b>1-6</b>	<b>1.Векторная алгебра</b>	
1-2.	1.1 Действия с векторами. Базис. Системы координат. Матрицы и определители	Векторы и операции над ними. Компланарность, коллинеарность векторов. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в базисе и действия с координатами. Простейшие задачи аналитической геометрии: деление отрезка в данном отношении, координаты центра масс. Системы координат: декартова прямоугольная, полярная, цилиндрическая, сферическая. Преобразование декартовых прямоугольных координат на плоскости (поворот и параллельный перенос).
4-6.	1.2 Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	Скалярное и векторное произведение векторов (определение, свойства, выражение в прямоугольных координатах). Смешанное произведение, связь с объемом параллелепипеда, выражение в координатах. Двойное векторное произведение. Основное тождество.
<b>7-12</b>	<b>2.Уравнение плоскости и прямой</b>	
7-9	2.1.Уравнение прямой	Уравнения линий и поверхностей: явное и параметрическое задание. Алгебраические линии и поверхности. Теорема об инвариантности порядка. Различные виды уравнений прямой: общее уравнение, уравнение в отрезках, параметрические уравнения, нормальное уравнение. Расстояние от точки до прямой. Отклонение точки от прямой. Пучок и связка прямых.
9-12	2.2 Уравнение	Плоскость в пространстве и прямая на плоскости.

	плоскости	Различные виды уравнений: общее уравнение, уравнение в отрезках, параметрические уравнения, нормальное уравнение. Расстояние от точки до плоскости (прямой). Отклонение точки от плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей (прямых). Пучок и связка плоскостей.
13-16	<b>3. Кривые и поверхности второго порядка</b>	
13-15	3.1 Кривые 2 порядка	Эллипс, гипербола, парабола. Директориальное свойство. Эксцентриситет. Вывод канонических уравнений. Фокальное свойство. Расположение фокусов, директрис, фокальные радиусы. Конические сечения. Оптические свойства. Упрощение общего уравнения кривой второго порядка путем поворота осей и параллельного переноса. Классификация кривых второго порядка.
16	3.2 Поверхности 2 порядка	Некоторые виды поверхностей второго порядка. Исследование формы поверхности по каноническому уравнению методом сечений.

*Практические/семинарские занятия*

Неделя	Наименование раздела /темы дисциплины	Содержание
1-6	<b>Векторная алгебра</b>	
1-2	Действия с векторами. Базис. Системы координат. Матрицы и определители	Векторы. Линейные операции над векторами. Базис и координаты вектора. [4], 14, 60, 69, 86-92, 95, 98, 106, 110-113, 728, 732, 735-740, 743, 747, 757, 759, 762-770, 774, 776-782, 784-787.
3-6	Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	Скалярное произведение векторов. Проекция вектора на ось. Направляющие косинусы. Определители 2-го и 3-го порядка. Векторное произведение. Смешанное произведение векторов. Двойное векторное произведение. [4], 796, 796, 801-804, 807, 808, 812-814, 817, 820, 824-829, 835, 837, 839-843, 850, 853, 857-862, 864, 866, 867, 873-883, 1204, 1224-1226.
7-12	<b>Уравнение плоскости и прямой</b>	
7-10	Уравнение плоскости и прямой	Уравнение плоскости. Прямая на плоскости и в пространстве. [4], 913, 917-921, 925-928, 931, 941, 947, 944, 951, 957, 960-964, 967, 969, 972-979, 1008-1010, 1012-1015, 1019-1026, 1029-1031, 1038-1041, 1046, 1050-1056.
11-12	Смешанные задачи на прямую и плоскость в пространстве	Взаимное расположение прямой и плоскости. [4], 1062-1083, 224, 226, 235, 238, 246, 248, 266, 268-284, 292, 318, 329, 347-350, 353, 378.
13-16	<b>Кривые и поверхности 2 порядка</b>	
13-15	3.1 Кривые 2 порядка	Эллипс, гипербола, парабола. [4], 385, 390, 391, 402, 413, 424, 427, 439, 445, 447, 459, 462, 466, 474-478, 492, 493, 515, 518, 522, 534, 544-548, 559-561, 585, 589, 600-604, 614, 625, 632, 634-636. Приведение уравнений кривых к каноническому виду. [4], 665, 666, 669, 674-677, 689-690.
16	3.2 Поверхности 2 порядка	Некоторые виды поверхностей 2-го порядка.[4] 1155-1195

**7. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Для самостоятельной работы студентов рекомендуются методические пособия, выпущенные преподавателями кафедры высшей математики:

1. Плыкин Р.В, Давыдова Р.Г. Введение в аналитическую геометрию и линейную алгебру. Учеб. пособие по курсу "Аналитическая геометрия и линейная алгебра". Обнинск. 1992. – 88 с.
2. Р.Г. Давыдова, Л. А. Королева. Введение в аналитическую геометрию и линейную алгебру: учеб. пособие по курсу «Аналитическая геометрия и линейная алгебра» /. – Обнинск: ИАТЭ НИЯУ МИФИ, 2012. – 116 с.

## 8. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### 8.1. Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции / Индикатор достижения компетенции	Наименование оценочного средства текущей и промежуточной аттестации
<b>Текущая аттестация, 1 семестр</b>			
1.	Векторы, базис, координаты	З-УКЕ-1; У-УКЕ-1; В-УКЕ-1 З-ОПК-1; У-ОПК-1; В-ОПК-1	КР № 1, ИДЗ «Аналитическая геометрия».
2.	Прямые и плоскости	З-УКЕ-1; У-УКЕ-1; В-УКЕ-1 З-ОПК-1; У-ОПК-1; В-ОПК-1	КР № 2, ИДЗ «Аналитическая геометрия».
3.	Кривые 2 порядка	З-УКЕ-1; У-УКЕ-1; В-УКЕ-1 З-ОПК-1; У-ОПК-1; В-ОПК-1	КР № 2
<b>Промежуточная аттестация, 1 семестр</b>			
	зачет/экзамен	З-УКЕ-1; У-УКЕ-1; В-УКЕ-1 З-ОПК-1; У-ОПК-1; В-ОПК-1	Экзаменационный билет

### 8.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков, характеризующих этапы формирования компетенций

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущей и промежуточной аттестации по дисциплине.

Оценочные средства приведены в Приложении «Фонд оценочных средств».

### 8.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

- Итоговая аттестация по дисциплине является интегральным показателем качества теоретических и практических знаний и навыков обучающихся по дисциплине и складывается из оценок, полученных в ходе текущей и промежуточной аттестации.
- Текущая аттестация в семестре проводится с целью обеспечения своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы обучающихся.
- Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и

оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины.

- Текущая аттестация осуществляется два раза в семестр:
  - контрольная точка № 1 (КТ № 1) – выставляется в электронную ведомость не позднее 8 недели учебного семестра. Включает в себя оценку мероприятий текущего контроля аудиторной и самостоятельной работы обучающегося по разделам/темам учебной дисциплины с 1 по 8 неделю учебного семестра.
  - контрольная точка № 2 (КТ № 2) – выставляется в электронную ведомость не позднее 16 недели учебного семестра. Включает в себя оценку мероприятий текущего контроля аудиторной и самостоятельной работы обучающегося по разделам/темам учебной дисциплины с 9 по 16 неделю учебного семестра.
- Результаты текущей и промежуточной аттестации подводятся по шкале балльно-рейтинговой системы.

Этап рейтинговой системы / Оценочное средство	Неделя	Балл	
		Минимум*	Максимум**
<b>Текущая аттестация</b>	<b>1-16</b>	<b>36 - 60% от максимума</b>	<b>60</b>
<b>Контрольная точка № 1</b>	<b>8</b>	<b>18 (60% от 30)</b>	<b>30</b>
Рейтинговая контрольная работа № 1	8	18	30
<b>Контрольная точка № 2</b>	<b>15-16</b>	<b>18 (60% от 30)</b>	<b>30</b>
Рейтинговая контрольная работа № 2	15	18	30
Индивидуальное домашнее задание	16	зачтено	зачтено
<b>Промежуточная аттестация</b>	<b>-</b>	<b>24 – (60% 40)</b>	<b>40</b>
Экзамен	-		
Экзаменационный билет	-	24	40
<b>ИТОГО по дисциплине</b>		<b>60</b>	<b>100</b>

\* - Минимальное количество баллов за оценочное средство – это количество баллов, набранное обучающимся, при котором оценочное средство засчитывается, в противном случае обучающийся должен ликвидировать появившуюся академическую задолженность по текущей или промежуточной аттестации. Минимальное количество баллов за текущую аттестацию, в т.ч. отдельное оценочное средство в ее составе, и промежуточную аттестацию составляет 60% от соответствующих максимальных баллов.

#### 8.4. Шкала оценки образовательных достижений

Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет сумму баллов, заработанных обучающимся при выполнении заданий в рамках текущей и промежуточной аттестации

Сумма баллов	Оценка по 4-х балльной шкале	Оценка ECTS	Требования к уровню освоения учебной дисциплины
<b>90-100</b>	5- «отлично»/ «зачтено»	A	Оценка «отлично» выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает,

			умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы
<b>85-89</b>	4 - «хорошо»/ «зачтено»	<b>B</b>	Оценка «хорошо» выставляется обучающемуся, если он твёрдо знает материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос
<b>75-84</b>		<b>C</b>	
<b>70--74</b>		<b>D</b>	
<b>65-69</b>	3 - «удовлетворительно»/ «зачтено»	<b>D</b>	Оценка «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала
<b>60-64</b>		<b>E</b>	
<b>0-59</b>	2 - «неудовлетворительно»/ «не зачтено»	<b>F</b>	Оценка «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится обучающимся, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине

## 9. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### а) основная учебная литература:

- [1]. Ильин В. А. Позняк Э.Г. Аналитическая геометрия: Учеб. для Вузов / В. А. Ильин, Э. Г.; ред.: А. Н. Тихонов, В. А. Ильин, А. Г. Свешников. - 7-е изд., стер. - М. : Физматлит, 2012. - 224 с. - (Курс высшей математики и математической физики).
- [2]. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры. Физматлит, 2007.
- [3]. Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник / Д. В. Беклемишев. — 12-е изд., испр. — Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2009. — 312 с. — ISBN 978-5-9221-0979-6. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/2109>.
- [4]. Клетеник Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии: Учебное пособие для втузов. Профессия: СПб, 2005.
- [5]. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчёты. М.: Высшая школа, 2005. (400 экз.) -- Кузнецов Л. А. Сборник заданий по высшей математике: типовые расчёты : учеб. пособие / Л. А. Кузнецов. - 12-е изд., испр. - СПб. : Лань, 2013. - 240 с. Экземпляры: 100.

### б) дополнительная учебная литература:

- [6]. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые приложения. М.: Наука, 1986.
- [7]. Гельфанд И. М. Лекции по линейной алгебре / И. М. Гельфанд. - 7-е изд. - М. : Добросвет : КДУ, 2007. - 320 с.
- [8]. Ильин В.А., Ким Г.Д. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Учебник. Издательство Проспект. Издательство Московского университета, 2008.
- [9]. Александров, П. С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник для вузов / П. С. Александров. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2021. — 512 с. — ISBN 978-5-8114-8409-6. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/176667>.
- [10]. Плыкин Р.В, Давыдова Р.Г. Введение в аналитическую геометрию и линейную алгебру. Учебное пособие. Обнинск.

## **10. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ» (ДАЛЕЕ - СЕТЬ «ИНТЕРНЕТ»), НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

1. Электронная библиотеки — URL: <http://www.library.mephi.ru>, [www.e.lanbook.ru](http://www.e.lanbook.ru).
2. EqWorld - мир математических уравнений. Учебно-образовательная физико-математическая библиотека. — URL: <http://www.eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm>.
3. Математический форум Math Help Planet — URL: <http://www.mathhelpplanet.com/>.
4. Электронная библиотека IQLb образовательных и просветительских изданий. Свободный доступ к электронным учебникам, справочным и учебным пособиям. — URL: <http://www.iqlib.ru>

## **11. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ**

Лекции. При изучении дисциплины необходимо конспектировать лекции, кратко записывая основные определения, формулировки теорем и основные пункты их доказательств. Для понимания материала лекций и его качественного усвоения рекомендуется за день до следующей лекции прочитать и повторить материал по конспекту. В случае возникших вопросов изучить теоретический материал по учебнику либо получить консультацию у преподавателя. Желательно дополнительно прочитывать материал по рекомендованным учебникам. Особое внимание следует обратить на темы «Системы линейных уравнений», «Линейные операторы», «Собственные значения и векторы».

Практические занятия. При подготовке к практическим занятиям надо прочитать теоретический материал по теме и просмотреть материалы предыдущего семинара и только потом приступать к выполнению домашнего задания. На практических занятиях активно участвовать в работе группы, в случае невыполнения отдельных заданий задавать вопросы преподавателю. Важное значение имеет своевременное выполнение индивидуальных домашних заданий. Типовые задачи индивидуального домашнего задания разбираются на практических занятиях. Необходимо тщательно разобраться и выполнить свое аналогичное задание в установленный преподавателем срок. Выполненное индивидуальное задание – необходимое условие допуска к экзамену.

Контрольная работа. При подготовке к контрольной необходимо повторить теоретический материал по лекциям и учебникам, просмотреть типичные задачи по теме, которые решались на занятиях и в домашних заданиях, решить несколько задач по теме из сборника индивидуальных заданий.

Экзамен. При подготовке к экзамену необходимо изучить теоретический материал, который выносится на экзамен, по конспекту лекций. Для лучшего понимания или в случае возникновения вопросов обратиться к рекомендуемым учебникам или Интернет-ресурсам. На консультациях активно выяснять возникшие вопросы. Экзамен является итоговой аттестацией по предмету за семестр, поэтому он требует систематизации всего лекционного и практического материала. Для успешной сдачи экзамена требуется систематическая работа в

семестре, активная самостоятельная работа с учебниками или Интернет-ресурсами. Совершенно необходимо для подготовки к экзамену вдумчиво и внимательно выполнить индивидуальное домашнее задание. Задачи по типу этого задания часто встречаются на экзамене.

## **12. ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ, ВКЛЮЧАЯ ПЕРЕЧЕНЬ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ И ИНФОРМАЦИОННЫХ СПРАВОЧНЫХ СИСТЕМ (ПРИ НЕОБХОДИМОСТИ)**

Использование информационных технологий при осуществлении образовательного процесса по дисциплине осуществляется в соответствии с утвержденным Положением об Электронной информационно-образовательной среде ИАТЭ НИЯУ МИФИ.

Электронная система управления обучением (LMS) используется для реализации образовательных программ при очном, дистанционном и смешанном режиме обучения. Система реализует следующие основные функции:

- 1) Создание и управление классами,
- 2) Создание курсов,
- 3) Организация записи учащихся на курс,
- 4) Предоставление доступа к учебным материалам для учащихся,
- 5) Публикация заданий для учеников,
- 6) Оценка заданий учащихся, проведение тестов и отслеживание прогресса обучения,
- 7) Организация взаимодействия участников образовательного процесса.

Система интегрируется с дополнительными сервисами, обеспечивающими возможность использования таких функций как рабочий календарь, видео связь, многопользовательское редактирование документов, создание форм опросников, интерактивная доска для рисования. Авторизация пользователей в системе осуществляется посредством корпоративных аккаунтов, привязанных к домену oiate.ru.

### ***12.1. Перечень информационных технологий***

При осуществлении образовательного процесса по дисциплине используются следующие информационные технологии:

- проведение онлайн лекций и практических занятий с использованием графического планшета;
- использование текстового редактора Microsoft Word;
- использование табличного редактора Microsoft Excel;
- организация взаимодействия с обучающимися посредством электронной почты.

### ***12.2. Перечень программного обеспечения***

1. Текстовый редактор Microsoft Word;
2. Табличный редактор Microsoft Excel;
3. Редактор презентаций Microsoft PowerPoint;
4. Браузеры: Google Chrome, Internet Explorer, Yandex, Mozilla Firefox, Opera.

### ***12.3. Перечень информационных справочных систем***

«Не требуется»

## **13. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Учебная аудитория достаточной вместимости для потока (лекция) или группы (семинары).  
Доска и мел (маркер).

## 14. ИНЫЕ СВЕДЕНИЯ И (ИЛИ) МАТЕРИАЛЫ

### 14.1. Перечень образовательных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

- проверка правильности выполнения домашнего задания
- решение задач на семинарах у доски
- мозговой штурм, командная работа
- защита индивидуальных домашних заданий

### 14.2. Формы организации самостоятельной работы обучающихся (темы, выносимые для самостоятельного изучения; вопросы для самоконтроля; типовые задания для самопроверки

Самостоятельная работа студентов состоит в следующих видах работы:

1. проработка учебного (теоретического) материала
2. выполнение индивидуальных домашних заданий
3. подготовка ко всем видам контрольных испытаний текущего контроля успеваемости (в течение семестра)
4. подготовка ко всем видам контрольных испытаний промежуточной аттестации (по окончании семестра)

#### Типовые задания для самопроверки

1. Даны векторы  $a = \{2, -3, 1\}$ ,  $b = \{-3, 1, 2\}$  и  $c = \{1, 2, 3\}$ . Найти  $[[a, b], c]$ .
2. Дано  $A(4, 2)$ ,  $B(3, 1)$ ,  $C(4, 8)$ . Найти координаты точки пересечения медиан этого треугольника.
3. Даны векторы  $\vec{a} = \{4, -2, -4\}$  и  $\vec{b} = \{6, -3, 2\}$ . Вычислить  $(2\vec{a} + 3\vec{b})^2$ .
4. Векторы  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$ , образующие левую тройку, взаимно перпендикулярны. Зная, что длины этих векторов равны соответственно 3, 4 и 5, найти смешанное произведение  $(\vec{b}, \vec{b} + \vec{a}, \vec{c})$ .
5. Найти вектор  $\vec{x}$ , коллинеарный вектору  $\vec{a} = \{1, 1, 1\}$  и удовлетворяющий условию  $(\vec{x}, \vec{a}) = 12$ .
6. Найти проекцию вектора  $\vec{S} = \{1, 2, 3\}$  на ось, составляющую с координатными осями равные тупые углы.
7. Даны два вектора  $a = \{1, 0, 2\}$  и  $b = \{0, 1, 1\}$ . Найти вектор единичной длины, перпендикулярный этим векторам и образующий с ними правую тройку.
8. Даны вершины треугольника  $A(1, -1, 2)$ ,  $B(5, -6, 2)$  и  $C(1, 3, -1)$ . Найти его площадь и высоту, опущенную из вершины  $B$ .
9. Даны два вектора  $a = \{3, -1, 5\}$  и  $b = \{1, 2, -3\}$ . Найти вектор  $x$  при условии, что он перпендикулярен оси  $Oz$  и удовлетворяет условиям  $(x, a) = 9$ ,  $(x, b) = -4$ .
10. Вычислить объем тетраэдра с вершинами  $A(1, 2, 3)$ ,  $B(9, 6, 4)$ ,  $C(3, 0, 4)$ ,  $D(0, 0, 0)$ .
11. Найти проекцию вектора  $S = \{\sqrt{2}, -3, -5\}$  на ось, составляющую с координатными осями  $Ox$  и  $Oz$  углы  $45^\circ$  и  $60^\circ$ , а с осью  $Oy$  – острый угол.
12. Даны вершины треугольника  $A(1, -2)$ ,  $B(5, 4)$  и  $C(-2, 0)$ . Составить уравнение биссектрисы его внутреннего угла при вершине  $A$ .
13. Даны вершины треугольника  $A(2, 1)$ ,  $B(-1, -1)$  и  $C(3, 2)$ . Составить уравнения его высот.
14. Доказать, что прямые  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-5}{4}$  и  $x = 3t+7$ ,  $y = 2t+2$ ,  $z = -2t+1$  лежат в одной плоскости, и составить уравнение этой плоскости.
15. Найти проекцию точки  $C(3, -4, -2)$  на плоскость, проходящую через параллельные прямые

$$\frac{x-5}{13} = \frac{y-6}{1} = \frac{z+3}{-4} \quad \text{и} \quad \frac{x-2}{13} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+3}{-4}.$$

16. Написать уравнения плоскостей, отстоящих от плоскости  $G : x + y + z = 3$  на расстоянии 3.
17. Вычислить объём куба, две грани которого расположены на плоскостях  $2x + 2y - z = 1$ ,  $4x + 4y - 2z = 4$ .
18. Составить уравнение плоскости, делящей пополам тот двугранный угол между двумя плоскостями  $2x - 4y + 6z - 1 = 0$ ,  $3x + 6y - 5z + 3 = 0$ , в котором лежит начало координат.
19. Написать уравнение плоскости, проходящей через три точки  $M(1,2,3)$ ,  $N(2,3,4)$ ,  $K(5,4,3)$ .
20. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку  $M(1,2,-3)$  параллельно прямым  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z-7}{3}$  и  $\frac{x+5}{3} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+3}{-1}$ .
21. Составить уравнение гиперболы, если известны её эксцентриситет  $\varepsilon = 2$ , фокус  $F(2,2)$  и уравнение соответствующей директрисы  $y = 0$ .
22. Гипербола задана уравнением  $xy = 1$ . Найти координаты центра, фокусов, уравнения асимптот, полуоси и эксцентриситет. Построить гиперболу на чертеже.
23. Из фокуса параболы  $y^2 = 12x$  под острым углом  $\alpha$  к оси  $Ox$  направлен луч света. Известно, что  $tg\alpha = \frac{3}{4}$ . Дойдя до параболы, луч от неё отразился. Составить уравнение прямой, на которой лежит отраженный луч.
24. Из левого фокуса эллипса  $\frac{x^2}{45} + \frac{y^2}{20} = 1$  под тупым углом  $\alpha$  к оси  $Ox$  направлен луч света. Известно, что  $tg\alpha = -2$ . Дойдя до эллипса, луч от него отразился. Составить уравнение прямой, на которой лежит отраженный луч.

## 15. ОСОБЕННОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ ДЛЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки РФ (утв. 8 апреля 2014 г. № АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социально-активные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации обучающихся с ОВЗ с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений.

Обучение лиц с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с учетом индивидуальных психофизических особенностей, а для инвалидов также в соответствии с индивидуальной программой реабилитации инвалида.

Для лиц с нарушением слуха возможно предоставление информации визуально (краткий конспект лекций, основная и дополнительная литература), на лекционных и практических занятиях допускается присутствие ассистента, а так же, сурдопереводчиков и тифлосурдопереводчиков.

Оценка знаний обучающихся на практических занятиях осуществляется на основе письменных конспектов ответов на вопросы, письменно выполненных практических заданий.

Доклад так же может быть предоставлен в письменной форме (в виде реферата), при этом требования к содержанию остаются теми же, а требования к качеству изложения материала (понятность, качество речи, взаимодействие с аудиторией и т.д.) заменяются на соответствующие требования, предъявляемые к письменным работам (качество оформления текста и списка литературы, грамотность, наличие иллюстрационных материалов и т.д.).

С учетом состояния здоровья просмотр кинофильма с последующим анализом может быть проведен дома (например, при необходимости дополнительной звукоусиливающей аппаратуры (наушники)). В таком случае обучающийся предоставляет письменный анализ, соответствующий предъявляемым требованиям.

Промежуточная аттестация для лиц с нарушениями слуха проводится в письменной форме, при этом используются общие критерии оценивания. При необходимости, время

подготовки на зачете может быть увеличено.

Для лиц с нарушением зрения допускается аудиальное предоставление информации (например, с использованием программ-синтезаторов речи), а так же использование на лекциях звукозаписывающих устройств (диктофонов и т.д.). Допускается присутствие на занятиях ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь.

Оценка знаний обучающихся на практических занятиях осуществляется в устной форме (как ответы на вопросы, так и практические задания). При необходимости анализа фильма может быть заменен описанием ситуации межэтнического взаимодействия (на основе опыта респондента, художественной литературы и т.д.), позволяющим оценить степень сформированности навыков владения методами анализа и выявления специфики функционирования и развития психики, позволяющими учитывать влияние этнических факторов. При проведении промежуточной аттестации для лиц с нарушением зрения тестирование может быть заменено на устное собеседование по вопросам.

Лица с нарушениями опорно-двигательного аппарата не нуждаются в особых формах предоставления учебных материалов. Однако, с учетом состояния здоровья часть занятий может быть реализована дистанционно (при помощи сети «Интернет»). Так, при невозможности посещения лекционного занятия обучающийся может воспользоваться кратким конспектом лекции.

При невозможности посещения практического занятия обучающийся должен предоставить письменный конспект ответов на вопросы, письменно выполненное практическое задание.

Доклад так же может быть предоставлен в письменной форме (в виде реферата), при этом требования к содержанию остаются теми же, а требования к качеству изложения материала (понятность, качество речи, взаимодействие с аудиторией и т.д.) заменяются на соответствующие требования, предъявляемые к письменным работам (качество оформления текста и списка литературы, грамотность, наличие иллюстрационных материалов и т.д.).

Промежуточная аттестация для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата проводится на общих основаниях, при необходимости процедура зачета может быть реализована дистанционно (например, при помощи программы Skype).

Для этого по договоренности с преподавателем обучающийся в определенное время выходит на связь для проведения процедуры зачета. В таком случае зачет сдается в виде собеседования по вопросам (см. формы проведения промежуточной аттестации для лиц с нарушениями зрения). Вопрос и практическое задание выбираются самим преподавателем.

Примечание: Фонды оценочных средств, включающие типовые задания и методы оценки, критерии оценивания, позволяющие оценить результаты освоения данной дисциплины обучающимися с ОВЗ могут входить в состав РПД на правах отдельного документа.

### **Программу составил:**

**М.В. Калашник** – профессор кафедры высшей математики ИОПП доктор физико-математических наук, старший научный сотрудник

### **Рецензент:**

**Л.А. Королева** – доцент кафедры высшей математики ИОПП кандидат физико-математических наук